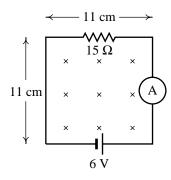
Exame final 24 de Janeiro de 2008

Duração: Duas horas. Com consulta de formulário e uso de calculadora.

Problema 1 (4 valores). O circuito apresentado na figura encontra-se dentro de um campo magnético uniforme, que aponta para dentro da página e com módulo que decresce a uma taxa constante de 150 tesla cada segundo. Calcule o valor que será medido no amperímetro.



Problema 2 (4 valores). Uma bobina tem indutância de 36 mH e resistência de 40 Ω . A bobina liga-se em paralelo com um condensador de 32 nF e com uma fonte alternada de tensão $V(t) = 345\cos(150\pi t)$ (em volts, e o tempo t em segundos). Calcule: (a) A corrente máxima na bobina. (b) A corrente eficaz no condensador. (c) A potência média dissipada na bobina.

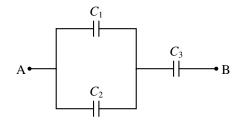
PERGUNTAS

Cotação: Total, 12 valores. Cada resposta certa, 0.8, erradas, -0.2, em branco, 0. Arredonde as suas respostas ao número de algarismos significativos usados nas respostas dadas.

- 1. A resistência de um condutor metálico é igual a 3 k Ω , a 20°C. Quando a temperatura aumenta para 50°C, a resistência aumenta para 3.5 k Ω . Calcule o valor do coeficiente de temperatura, α , a 20°C.
 - (A) $8.3 \times 10^{-3} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$
- **(D)** $5.6 \times 10^{-3} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$
- **(B)** $16.7 \times 10^{-3} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$
- **(E)** $3.3 \times 10^{-3} \, ^{\circ}\text{C}^{-1}$
- (C) $10 \times 10^{-3} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$

Resposta:

2. Três condensadores são ligados conforme a figura. $C_1 = 5.0 \,\mu\text{F}$, $C_2 = 4.0 \,\mu\text{F}$, $C_3 = 3.0 \,\mu\text{F}$. Se a diferença de potencial aplicada entre os pontos A e B for 12 V qual é a energia armazenada em C_3 ?



(A) $41 \mu J$

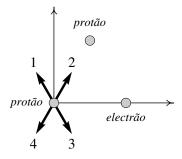
- **(D)** 0.16 mJ
- (**B**) 0.12 mJ
- **(E)** 16 mF
- (**C**) 0.41 mJ

Resposta:

- **3.** A corrente num condutor varia linearmente desde um valor inicial de 9 A, em t = 0, até o valor final 2 A, em t = 4 h. A carga total transportada pelo condutor durante esse período foi:
 - (A) 28.8 kC
- (**D**) 129.6 kC
- **(B)** 100.8 kC
- (E) 50.4 kC
- (C) 79.2 kC

Resposta:

4. Dois protões e um electrão encontram-se nos vértices de um triângulo equilátero. Qual dos vectores representa melhor a força eléctrica resultante sobre o protão que está na origem?



- (A) A força é nula
- **(D)** 4

(B) 1

(E) 3

(C) 2

Resposta:

(C) Z

	(B) 9 <i>P</i>	(E) <i>P</i>		(A) $1.5 \times 10^{-3} \text{ N} \cdot \text{m}$	(D) $2.9 \times 10^{-2} \text{ N} \cdot \text{m}$	
	(C) $P/3$			(B) $5.1 \times 10^{-2} \text{ N} \cdot \text{m}$	(E) $9.4 \times 10^{-3} \text{ N} \cdot \text{m}$	
	Resposta:			(C) 0.59 N·m		
6.	A resistência de um díodo	no modo directo:		Resposta:		
	 (A) Aumenta em função da corrente no díodo. (B) Diminui em função da corrente no díodo. (C) É constante, independentemente da corrente. (D) É nula. 		12.	Uma barra condutora, com 25 cm de comprimento, desloca-s com velocidade uniforme de 12 m/s, num plano perpendicula a um campo magnético uniforme de 80 G. Calcule a diferenç de potencial induzida entre os extremos da barra.		
	(E) É infinita.			(A) 240 V	(D) 0.384 V	
	Resposta:			(B) 0.24 V	(E) 3.84 kV	
				(C) 0.024 V	(E) 3.61 K	
7.	Um plano com 2500 cm ² de área tem uma carga total de 20 nC, distribuida uniformemente. O módulo do campo eléctrico perto do plano é, aproximadamente:		to		$3~\mu\mathrm{F}$ e uma resistência de 1166 Ω es	
0	(A) 18.1 mN/C	(D) 45.2 N/C		tão ligados em série a uma fonte de tensão alternada de 50 F Podemos concluir que a tensão da fonte estará:		
	(B) 4.52 kN/C	(E) 0.452 N/C				
	(C) 1.81 N/C	esposta:		(A) Adiantada 90° em r	relação à corrente.	
	Resposta:			(B) Adiantada 45° em r	elação à corrente.	
				(C) Atrasada 90° em relação à corrente.		
ō.	Qual das seguintes afirmações é verdadeira?			(D) Atrasada 45° em rel	lação à corrente.	
	 (A) A velocidade média dos electrões livres num fio metálico é no sentido oposto ao campo eléctrico. (B) Num fio metálico o sentido da corrente é o sentido da velocidade média dos electrões livres. (C) Num amplificador operacional, se o sinal de saída for realimentado para uma das entradas (positiva ou negativa) evita-se que a tensão de saída seja a tensão de saturação. 		co	(E) Em fase com a corre Resposta:	ente.	
				-	onda harmónica que se desloca para	
				representa a onda?	de 4 m/s. Qual é a equação que melho	
	(D) A impedância de entrada de um amplificador operacional é muito pequena.		al	2 y (m)		
	(E) A luz é uma onda harmónica. Resposta:			$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		
	Existe um campo eléctrico uniforme entre duas placas paralelas separadas por 2.0 cm. O módulo do campo é 30 kN/C. Qual é a diference de potencial entre as placas?			-2	· ·	
	diferença de potencial entre as placas?			$(\mathbf{A}) \ \ y(x,t) = 4\sin(16\pi x)$		
	(A) 60 kV	(D) 1.5 MV		(B) $y(x,t) = 2\sin(\pi x/4)$	•	
	(B) 15 kV	(E) 27 kV		(C) $y(x,t) = 2\sin(16\pi x/4 - 8\pi t)$		
	$(\mathbf{C}) 0.6 \text{ kV}$			(D) $y(x,t) = 4\sin(\pi x/4)$	•	
	Resposta:			(E) $y(x,t) = 2\sin(\pi x/4 + \pi t)$		
10.	 Um segmento de fio condutor rectilíneo, que transporta uma corrente <i>I</i>, encontra-se numa região onde existe um campo magnético uniforme. Se a força magnética sobre o fio for nula, o que é que podemos concluir acerca do campo magnético? (A) Não podemos concluir nada acerca do campo magnético. (B) O campo magnético é nulo. (C) Trata-se de uma situação impossível. (D) O campo magnético é perpendicular ao fio. 		g- 15.	com módulo igual a 4×10^5 N/C. Qual é o trabalho necessári para deslocar essa carga uma distância de 20 cm numa direcçã		
				a 60° com o campo eléct	rico?	
			-	(A) 160 mJ	(D) 0.28 J	
				(B) 0.68 J	(E) 16 J	
				(C) 28 J	(2) 103	
	(E) O campo magnético é paralelo ao fio.					
	Resposta:			Resposta:		
	Resposta:					

5. Uma resistência transporta uma corrente I. A potência dissipada 11. Uma bobina circular tem 20 voltas, cada uma com raio de

5.0 cm. Existe um campo magnético de 0.15 T que faz um

ângulo de 30° com a perpendicular à bobina. Calcule o binário que actua sobre a bobina quando a corrente nela for de 2.5 A.

na resistência é P. Qual será a potência dissipada se a mesma

(D) 3*P*

resistência transportar uma corrente 31?

(A) 9/P

RESOLUÇÃO

Problema 1. A corrente produzida pela fem de 6 V é:

$$I = \frac{6}{15} = 0.4 \text{ A}$$

no sentido anti-horário. Existe também uma corrente induzida:

$$I_i = \frac{\varepsilon_i}{15}$$

onde a fem induzida ε_i é igual à derivada do fluxo magnético em funçao do tempo. Como a área é constante, ε_i é igual à área vezes a taxa de variação do campo magnético:

$$\varepsilon_i = 0.11 \cdot 0.11 \cdot 150 = 1.815 \text{ V}$$

$$I_i = \frac{1.815}{15} = 0.121 \text{ A}$$

De acordo com a lei de Lenz, a corrente induzida deverá produzir um campo magnético para dentro da página, contrariando a diminuição do campo externo. Nomeadamente, a corrente induzida deverá ser no sentido horário. Assim, a corrente total no amperímetro é:

$$0.4 - 0.121 = 279 \text{ mA}$$

no sentido anti-horário.

Problema 2.A impedância da bobina é:

$$|Z_b| = \sqrt{(150\pi \cdot 0.036)^2 + 40^2} = 43.449 \ \Omega$$

$$\phi_b = atan\left(\frac{150\pi \cdot 0.036}{40}\right) = 22.98^{\circ}$$

E a impedância do condensador:

$$|Z_c| = X_c = \frac{1}{150\pi \cdot 32 \cdot 10^{-9}} = 66315\Omega$$

$$\phi = -90^{\circ}$$

A tensão máxima é a mesma na bobina, no condensador e na fonte: $V_o = 345 \text{ V}$

(a) A corrente máxima na bobina é:

$$I_o = \frac{V_o}{|Z_b|} = \frac{345}{43.449} = 7.94 \text{ A}$$

(b) No condensador:

$$I_{ef} = \frac{V_{ef}}{|Z_c|} = \frac{345/\sqrt{2}}{66315} = 3.68 \text{ mA}$$

(c) A potência média na bobina será:

$$\langle P \rangle = \frac{I_o V_o}{2} \cos \varphi_b = 0.5 \cdot 7.94 \cdot 345 \cos(22.98) = 1261 \text{ W}$$

PERGUNTAS

1. D

4. E

7. B

10. E

13. D

2. B

5. B

8. A

11. D

14. B

3. C

6. B

9. C

12. C

15. A